

DIFFERENTIAL OF A GRADED QUASI-FILIFORM LEIBNIS ALGEBRA BY THE NATURAL METHOD

Murtozakulov Z. M.

Chirchik State Pedagogical University

Abstract:

The nonradical quasi-formulations of a Leibniz algebra are maxima of Leibniz algebras. The article describes Leibniz differential algebras, which are quasi-forms of the first and second types. The nilradicals of the first and second types are quasi-forms of the maximum in the Leibniz algebra.

Keywords: Leibniz algebra, solvable, nilpotent, gradient, differential, nilradical.

ТАБИЙ УСУЛДА ГРАДИУРЛАНГАН КВАЗИ-ФИЛИФОРМ ЛЕЙБНИЦ АЛГЕБРАСИНИНГ ДИФФЕРЕНЦИАЛИ

Муртозакулов З. М.

Чирчиқ давлат педагогика университети

Аннотация:

Нилрадикали квази-филиформ Лейбниц алгебраси бўлган максимал ечимли Лейбниц алгебраларини ўрганишдан иборат. Мақолада биринчи ва иккинчи типдаги квази-филиформ бўлган Лейбниц алгебраларининг дифференциали ҳисобланган. Нильрадикали биринчи ва иккинчи типдаги квази-филиформ бўлган максимал ечимли Лейбниц алгебраси қаралган.

Калит сўзи: Лейбниц алгебраси, ечишувчан, нилпотент, градиурланган, дифференциал, нилрадикал.

Аннотация:

Нильрадикальные квази-формулировки Лейбницаевої алгебры являются максимумами лейбницаевых алгебр. В статье описаны дифференциальные алгебры Лейбница, являющиеся квази-формами первого и второго типов. Нильрадикали первого и второго типов являются квази-филиформами максимума в алгебре Лейбница.

Ключевое слово: Алгебра Лейбница, решаемая, нильпотентная, градуированная, дифференциальная, нильрадикальная.

Кириш

Хозирги кунда Ли алгебраларининг умумлашмаси ҳисобланган Лейбниц алгебралари синфи жадал суратда ўрганилмоқда. Лейбниц алгебралари ўтган асрнинг 90-йиларида француз математиги Ж.Л.Лоде томонидан ушбу

$$[x, [y, z]] = [[x, y], z] - [[x, z], y]$$

Лейбниц айнияти билан характерланадиган алгебра сифатида фанга киритилган.[1]

Лейбниц алгебралари Ли алгебраларининг антисимметрик аналоги умумлашмаси сифатида

үрганилади. Ушбу алгебралар Ли алгебраларининг ўзига хос хусусиятларини сақлади. Ли алгебралари назариясининг кўплаб классик натижалари Лейбниц алгебралари мисолида ҳам тарқалади. Мисол учун Леви теоремасининг Лейбниц теоремасидаги аналогини Барнс исботлаган. У ҳар қандай чекли Лейбниц алгебраси ечимли радикал ва ярим содда Ли қисм алгебраларининг яримтўғри йигиндисига ёйилишини исботлаган. Шунинг учун чекли ўлчамли Лейбниц алгебраларининг класификациясидаги асосий масала юқоридаги ёйилманинг ечимли қисмини ўрганиш. Ли Лейбниц алгебраларининг чекли ярим ўлчовли йигиндиси учун ажралмас хусусияти алгебра элементлари квадратлари томонидан ҳосил қилинган ноананавий идеалнинг мавжудлигидир.

Таъриф.[2] F майдон устидаги L алгебранинг ихтиёрий $x, y, z \in L$ элементи учун

$$[x, [y, z]] = [[x, y], z] - [[x, z], y]$$

тенглик бажарилса, у ҳолда L алгебра Лейбниц алгебраси дейилади.

Ихтиёрий L Лейбниц алгебраси учун қуидаги қаторларни аниқлаймиз:

Ҳосилавий қатор: $L^{[1]}=L$, $L^{[k+1]}=[L^{[k]}, L^{[k]}]$, $k \geq 1$

Куйи марказий қатор: $L^1=L$, $L^{k+1}=[L^k, L^1]$, $k \geq 1$.

Таъриф.[3] Агар ихтиёрий $x, y \in L$ учун қуидаги тенглик бажарилса:

$$d([x, y]) = [d(x), y] + [x, d(y)], \quad (1)$$

у ҳолда ушбу $d: L \rightarrow L$ чизиқли акслантириш берилган L алгебрада дифференциаллаш дейилади.

Агар d_1 ва d_2 – дифференциаллашлар бўлса,

$$[d_1, d_2] = d_1 \circ d_2 - d_2 \circ d_1$$

ҳам дифференциаллаш бўлади.

L алгебранинг барча дифференциаллашлари фазосини $\text{Der}(L)$ орқали белгилаймиз.

Таъриф.[4] Агар шундай $m \in N$ мавжуд бўлиб, $L^{[m]}=0$ бўлса, L Лейбниц алгебраси ечишувчан дейилади. Ана шундай m нинг энг кичигига L алгебранинг ечишувчанлик индекси дейилади.

Таъриф.[5] Агар шундай $s \in N$ мавжуд бўлиб, $L^s=0$ бўлса, L Лейбниц алгебраси нильпотент дейилади. Ана шундай хусусиятга эга бўлган минимал s сони нильпотентлик индекси ёки L алгебрасининг нильиндеки дейилади.

Тушунарлики ечимли Лейбниц алгебралари нилпотент Лейбниц алгебраларининг умумлашмаси бўлади, яъни ихтиёрий нилпотент алгебра ечимли бўлади.

F майдонидаги барча n ўлчамли Лейбниц алгебралари тўпламини Leib(F) каби белгилаймиз.

Теорема.[6] n-ўлчамли градиурланган Лейбниц алгебраси қуидаги ўзаро изоморф бўлмаган алгебралардан бирига изоморф:

$$L(\alpha, \beta, \gamma): [e_i, e_1] = e_{i+1}, \quad 1 \leq i \leq n-3, [e_{n-1}, e_1] = e_n + \alpha e_2,$$

$$[e_1, e_{n-1}] = \beta e_n, \quad [e_{n-1}, e_{n-1}] = \gamma e_n,$$

$$G(\alpha, \beta, \gamma): [e_1, e_1] = e_2, \quad [e_i, e_1] = e_{i+1}, \quad 3 \leq i \leq n-1,$$

$$[e_1, e_3] = -e_4 + \beta e_2, \quad [e_1, e_i] = -e_{i+1}, \quad 4 \leq i \leq n-1,$$

$$[e_3, e_3] = \gamma e_2, \quad [e_i, e_{n+2-i}] = (-1)^i \alpha e_n, \quad 3 \leq i \leq n-1,$$

бу ерда $\{e_1, e_2, \dots, e_n\}$ алгебра базислар, $G(\alpha, \beta, \gamma)$ алгебрада агар n жүфті бўлса $\alpha \in \{0, 1\}$ бўлади, агар n тоқ бўлса $\alpha=0$ бўлади.

Тасдиқ.[7] $L(\alpha, \beta, \gamma)$ алгебранинг ихтиёрий $d \in \text{Der}(L(\alpha, \beta, \gamma))$ дифференциаллашини кўриниши кўйидагича бўлади:

$$\begin{cases} d(e_1) = \sum_{t=1}^n a_t e_t, \quad d(e_2) = (2a_1 + a_{n-1}\alpha)e_2 + \sum_{t=3}^{n-2} a_{t-1} e_t + (a_{n-1} + a_{n-1}\beta)e_n, \\ d(e_i) = (ia_1 + a_{n-1}\alpha)e_i + \sum_{t=i+1}^{n-2} a_{t-i+1} e_t, \quad 3 \leq i \leq n-2, \quad d(e_{n-1}) = \sum_{t=2}^n b_t e_t, \\ d(e_n) = (b_{n-3} - a_{n-3}\alpha)e_{n-2} + (b_{n-1} + a_1 + a_{n-1}\gamma - a_{n-1}\alpha(1 + \beta))e_n, \end{cases}$$

бу ерда,

$$b_i = a_i \alpha, \quad 2 \leq i \leq n-4, \quad \beta(b_{n-3} - a_{n-3}\alpha) = \gamma(b_{n-3} - a_{n-3}\alpha) = 0, \quad b_{n-1}\alpha = a_1\alpha + a_{n-1}\alpha^2$$

$$\gamma b_{n-1} = \gamma(a_1 + a_{n-1}\gamma - a_{n-1}\alpha(1 + \beta)), \quad \gamma a_{n-1} = \beta a_{n-1}(\gamma - \alpha(1 + \beta)).$$

Исботи. $L(\alpha, \beta, \gamma)$ алгебранинг кўпайтма жадвалидан $\{e_1, e_{n-1}\}$ базис векторлар алгебранинг ҳосил қилувчилари эканлигини аниқлаймиз. Шунинг учун биз

$$d(e_1) = \sum_{t=1}^n a_t e_t, \quad d(e_{n-1}) = \sum_{t=1}^n b_t e_t$$

деб олишимиз мумкин. Дифференциаллашнинг таърифига кўра (1) кўйидагини оламиз:

$$\begin{aligned} d(e_2) &= d([e_1, e_1]) = [d(e_1), e_1] + [e_1, d(e_1)] = \\ &= (2a_1 + a_{n-1}\alpha\beta)e_2 + \sum_{t=3}^{n-2} a_{t-1} e_t + (a_{n-1} + a_{n-1}\beta)e_n. \end{aligned}$$

Энди математик индукция методини қўллаб

$$\begin{aligned} d(e_i) &= d([e_{i-1}, e_1]) = [d(e_{i-1}), e_1] + [e_{i-1}, d(e_1)] = \\ &= (ia_1 + a_{n-1}\alpha\beta)e_i + \sum_{t=i+1}^{n-2} a_{t-i+1} e_t, \quad 3 \leq i \leq n-2 \end{aligned}$$

ифодани ҳосил қиласмиш. Энди (1) тенгликка кўра

$$\begin{aligned} d(e_2) &= d([e_1, e_1]) = [d(e_1), e_1] + [e_1, d(e_1)] = \\ &= (2a_1 + a_{n-1}\alpha\beta)e_2 + \sum_{t=3}^{n-2} a_{t-1} e_t + (a_{n-1} + a_{n-1}\beta)e_n \end{aligned}$$

ни оламиз. Ушбу $0 = d([e_2, e_{n-1}]) = d([e_n, e_1])$ тенгликлардан

$$b_1 = 0, \quad a_{n-1}\alpha\gamma = 0, \quad b_i = 0, \quad 2 \leq i \leq n-4.$$

еканлигини ҳосил қиласмиш. Демак биз қўйидагиларни ҳосил қилдиқ:

$$d(e_n) = b_{n-3}e_{n-2} + (b_{n-1} + a_1 + a_{n-1}\gamma)e_n,$$

$$d(e_{n-1}) = b_{n-3}e_{n-3} + b_{n-2}e_{n-2} + b_{n-1}e_{n-1} + b_n e_n.$$

Дифференциаллаш хоссасини $[e_1, e_{n-1}] = \beta e_n$, $[e_{n-1}, e_{n-1}] = \gamma e_n$, кўпайтмаларга қўллаб

$$\alpha\beta(a_1 + a_n - 3\alpha\beta - b_n - 1) = 0, \quad a_t\alpha\beta = 0, \quad 2 \leq t \leq n - 4,$$

$$\beta(b_{n-3} + a_{n-3}\alpha) = 0, \quad a_{n-1}(\gamma(1-\beta) - \alpha\beta(1-\beta)) = 0.$$

шартларни оламиз.

Тасдиқ исботланди.

Натижа. $L(\alpha,\beta,\gamma)$ алгебранинг чизиқли ниль-боғлик бўлмаган дифференциаллашлари сони иккidan ошмайди.

Исботи. Айтайлик d акслантириш $L(\alpha,\beta,\gamma)$ алгебранинг ихтиёрий дифференциаллаши бўлсин. У ҳолда тасдиқка кўра агар $a_1=b_{n-1}=0$ деб олсак, унда d дифференциаллашимиз нильпотент дифференциаллаш бўлади. Агар a_1 ёки b_{n-1} параметрлардан биттаси нолдан фарқли бўлса, у ҳолда берилган d дифференциаллашимиз нильпотент бўлмаган дифференциаллаш бўлади. Шунинг учун $L(\alpha,\beta,\gamma)$ алгебранинг чизиқли ниль-боғлик бўлмаган дифференциаллашлари сони иккига тенг бўлади.

Натижа исботланди.

REFERENCES:

1. Murtozaqulov, Z. M. (2023). LOGARIFM VA UNING XOSSALARI. BA'ZI BIR LOGARIFMIK TENGLAMA VA TENGSIKLARNI YECHISH. *Academic research in educational sciences*, 4(CSPU Conference 1), 409-413.
2. Murtozaqulov, Z. M., & Xambaraliyeva, M. N. (2023). TRIGONOMETRIK TENGLAMALARНИ YECHISHNING BA'ZI BIR USULLARI. *Academic research in educational sciences*, 4(CSPU Conference 1), 404-408.
3. Tolibayeva, Q. Q. (2023). Ta'lif jarayonida smart texnologiyalaridan foydalanish. *Academic research in educational sciences*, 4(CSPU Conference 1), 661-663.
4. Qizi, T. Q. Q., & Qizi, O. S. R. (2022). Multimedia vositalaridan geometriya fanining "stereometriya" bolimini oqitishda foydalanish texnologiyasi. *Talqin va tadqiqotlar ilmiyuslubiy jurnali*, (1), 48-53.
5. Achilova, S. J., Karimova, Z. A. (2022). The value of the educational cluster in a multidisciplinary preschool organization. *Zamonaviy dunyoda innovatsion tadqiqotlar*, 1(1), 52-54.
6. Meiliyeva, M. (2023). Studying the system of attitude to the choice of a profession. *Science and innovation*, 2(B3), 88-90.
7. Raxmanova, M. Q., Ismoilova, N. S., Meylieva, M. S., Burieva, K. E. (2023). Boshlan'gich ta'lif pedagogikasi innovatsiya va integratsiya. *Darslik*, 1(1), 157.
8. Ибадуллаев, К. М. (2021). Педагогик таълим кластери бўйича хориж тажрибаси. *Academic research in educational sciences*, 2(12), 1543-1551.
9. Kodirova, F. U., & Sayfullaeva, I. Q. (2022). Methodical cluster as an effective factor of art technology in the development of inclusive education.
10. Mirzayeva, G. (2023). The early stages of learning L1 and L2 according to Vygoskiy's critical period hypothesis. *International Journal of English*, 7(8), 284-286.
11. Жабборова, О. М., & Ташанова, Ф. З. (2023). Педагогик таълим кластери асосида бўлажак ўқитувчилар касбий қўникмасини амалий шакллантиришнинг самарали метод ва воситалари. *O'zbekistonda fanlararo innovatsiyalar va ilmiy tadqiqotlar jurnali*, 2(15), 209-211.

-
- 
- 
12. Tashanova, F. Z. (2023). Pedagogik ta'lim klasteri asosida bo'lajak o'qituvchilar kasbiy ko'nikmasini amaliy shakllantirish tamoyillari. *Scientifi Academy Journal*, 1(5), 382-386.
 13. Buriyeva, K., & Kamilova, Z. (2022). Ta'limda mustaqil fikrlashining o'rni. *Theoretical aspects in the formation of pedagogical sciences*, 1(5), 300-303.
 14. Quvondiqov, S. S., Xujomov, B. X., Tursoatov, A., Sangirov, N. (2023). The use of interactive teaching methods in sports Uzbekistan. *International Sports Journal*, 7(37), 321-326.
 15. Tursoatov, A. E. (2023). Uzluksiz pedagogik amaliyotni tizimlashtirishning pedagogik shartlari. *Mugallim*, 1(1), 55-59.
 16. O'G'Li, M. Z. M., & Norimonovna, S. M. (2021). DARSLIKDAGI DIFFERENSIAL TENGLAMALARINI YECHISHDAGI YETISHMAYOTGAN METODLAR VA MA'LUMOTLAR. *Academic research in educational sciences*, 2(CSPI conference 3), 231-236.